

ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α

A1 → γ

A2 → δ

A3 → γ

A4 → β

A5. (α) Λ (β) Σ (γ) Λ (δ) Σ (ε) Σ

ΘΕΜΑ Β

B1. α) Σωστή απάντηση είναι η i.

Το σώμα Σ θα κάνει ΑΑΤ με  $D = k$  και πλάτος  $A_1 = \Delta l_0$  όπου  $\Delta l_0$  η αρχική επιμήκυνση του ελατηρίου.

Εφαρμόζοντας συνθήκη ισορροπίας στη Θ.Ι.(1) παίρνουμε:

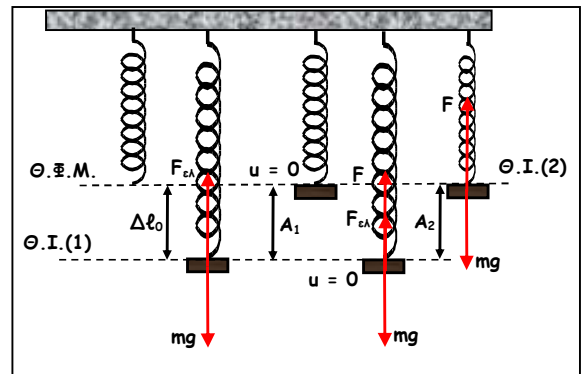
$$\Sigma \vec{F} = 0 \rightarrow F_{ελ} = m g \rightarrow k \Delta l_0 = m g \rightarrow$$

$$\Delta l_0 = = \frac{m g}{k} = A_1.$$

Όταν ασκηθεί η δύναμη  $F$  το σώμα εκτελεί ΑΑΤ με  $D = k$ , ακραία θέση την αρχική

θέση ισορροπίας του σώματος Σ και θέση ισορροπίας τη θέση όπου:

$\Sigma \vec{F} = 0 \rightarrow F + F_{ελ} = m g \rightarrow F_{ελ} = m g - F = 0$  δηλαδή την θέση φυσικού μήκους του ελατηρίου. Άρα  $A_2 = \Delta l_0 = A_1$ .



B2. α) Σωστή απάντηση είναι η ii.

Εφαρμόζουμε Βερνουλλι κατά μήκος μιας ρευματικής γραμμής από την επιφάνεια του υγρού έως τα σημεία που βρίσκονται οι οπές και βρίσκουμε τις ταχύτητες εκροής:

$$p_{atm} + \rho g \left( H - \frac{5H}{6} \right) + 0 = p_{atm} + \frac{1}{2} \rho u_1^2 \rightarrow u_1^2 = 2g \frac{H}{6} \rightarrow u_1 = \sqrt{\frac{gh}{3}}$$

$$p_{atm} + \rho g \left( H - \frac{H}{3} \right) + 0 = p_{atm} + \frac{1}{2} \rho u_2^2 \rightarrow u_2^2 = 2g \frac{2H}{3} \rightarrow u_2 = 2 \sqrt{\frac{gh}{3}}$$

Αν  $\Pi_1$  η παροχή της οπής (1) και  $\Pi_2$  η παροχή της οπής (2) ισχύει:

$$\Pi_1 = Au_1 \rightarrow \frac{V}{\Delta t_1} = Au_1 \rightarrow \Delta t_1 = \frac{V}{Au_1}.$$

$$\Pi_1 + \Pi_2 = Au_1 + Au_2 \rightarrow \frac{V}{\Delta t_2} = A(u_1 + u_2) \rightarrow \Delta t_2 = \frac{V}{A(u_1 + u_2)}.$$

$$\frac{\Delta t_2}{\Delta t_1} = \frac{\frac{V}{A(u_1 + u_2)}}{\frac{V}{Au_1}} = \frac{u_1}{u_1 + u_2} = \frac{\sqrt{\frac{gh}{3}}}{\sqrt{\frac{gh}{3}} + 2\sqrt{\frac{gh}{3}}} = \frac{\sqrt{\frac{gh}{3}}}{\sqrt{\frac{gh}{3}}(1+2)} \rightarrow \frac{\Delta t_2}{\Delta t_1} = \frac{1}{3}$$

**B3. α) Σωστή απάντηση είναι η iii.**

Από το διάγραμμα που μας δίνεται και επειδή η κρούση είναι κεντρική και ελαστική παίρνουμε:

$$p_1 = \frac{p_1}{5} \rightarrow m u_1' = \frac{m_1 u_1}{5} \rightarrow u_1' = \frac{u_1}{5} \rightarrow \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} u_1 = \frac{u_1}{5} \rightarrow \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} = \frac{1}{5} \rightarrow$$

$$5m_1 - 5m_2 = m_1 + m_2 \rightarrow 4m_1 = 6m_2 \rightarrow m_2 = \frac{2}{3} m_1.$$

$$u_2' = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} u_1 = \frac{2m_1}{m_1 + \frac{2}{3}m_1} u_1 = \frac{2m_1}{\frac{5}{3}m_1} u_1 \rightarrow u_2' = \frac{6u_1}{5}.$$

Το ποσοστό της κινητικής ενέργειας της σφαίρας μάζας  $m_1$  που μεταφέρεται στη σφαίρα μάζας  $m_2$  είναι:

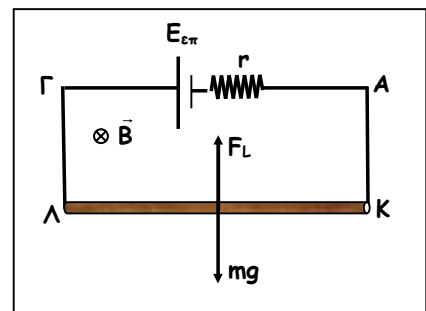
$$\frac{\Delta K_2}{K_1^{\text{αρχ}}} = \frac{\frac{1}{2} m_2 u_2'^2}{\frac{1}{2} m_1 u_1^2} = \frac{2}{3} m_1 \frac{36}{25} u_1^2}{m_1 u_1^2} = \frac{72}{75} = 0,96 \quad \text{ή} \quad 0,96 \cdot 100\% = \mathbf{96\%}$$

### ΘΕΜΑ Γ

**Γ1.** Για να ισορροπεί ο αγωγός ΚΛ θα πρέπει η ένταση του μαγνητικού πεδίου να έχει φορά από τον αναγνώστη στη σελίδα και μέτρο:

$$F_L = mg \rightarrow BI\ell = mg \rightarrow B = \frac{mg}{I\ell} \quad (1)$$

$$\text{Όμως } I = \frac{E}{R_{\text{ΚΛ}} + r} \rightarrow I = 3 \text{ A} \text{ άρα } B = \frac{3}{3} = \mathbf{1 \text{ T}}.$$



**Γ2.** Όταν ανοίξουμε το διακόπτη  $\delta_1$ , κλείνοντας ταυτόχρονα το διακόπτη  $\delta_2$ , επειδή ο αγωγός ΚΛ αρχίζει να κινείται μεταβάλλεται η μαγνητική ροή μέσα από την επιφάνεια

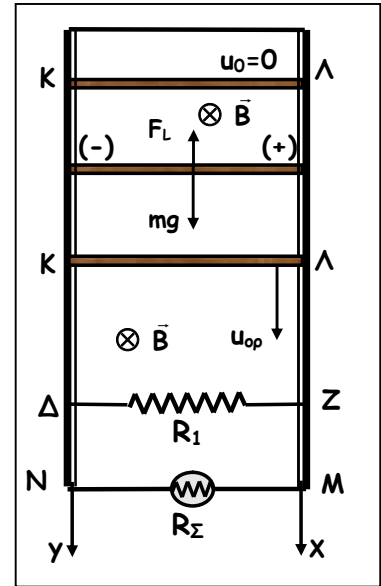
που ορίζει με την κίνηση του οπότε σύμφωνα με το νόμο του Faraday, θα αναπτυχθεί σ' αυτόν ΗΕΔ από επαγωγή η οποία υπολογίζεται ως εξής:

$$E_{\varepsilon\pi} = \frac{d\Phi}{dt} \rightarrow E_{\varepsilon\pi} = \frac{|\Phi_{\tau\epsilon\lambda} - \Phi_{\alpha\rho\chi}|}{dt} \rightarrow E_{\varepsilon\pi} = \frac{B(S_{\tau\epsilon\lambda} - S_{\alpha\rho\chi})}{dt} \rightarrow E_{\varepsilon\pi} = \frac{B dS}{dt} \xrightarrow{dS = L dx}$$

$$E_{\varepsilon\pi} = \frac{BL dx}{dt} \xrightarrow{v = \frac{dx}{dt}} E_{\varepsilon\pi} = BuL \quad (1).$$

Λόγω της τάσης αυτής ο αγωγός διαρρέεται από ηλεκτρικό ρεύμα  $I_{\varepsilon\pi}$ , οπότε **δέχεται δύναμη Laplace με φορά αντίθετη από τη φορά της κίνησης του (κανόνας του Lenz).**

**Αρχικά ο αγωγός κάνει επιταχυνόμενη κίνηση.** Η ταχύτητά του αυξάνεται, άρα η ΗΕΔ από επαγωγή, που εμφανίζεται στα άκρα του, αυξάνεται και η ένταση του επαγωγικού ρεύματος που διαρρέει το κύκλωμα αυξάνεται. Η δύναμη Laplace που ασκείται στον αγωγό επίσης αυξάνεται. Όσο η  $F_L$  είναι μικρότερη από το βάρος του, ο αγωγός κάνει επιταχυνόμενη κίνηση με επιτάχυνση που συνεχώς μειώνεται. Κάποια στιγμή η δύναμη Laplace γίνεται ίση κατά μέτρο με το βάρος ( $\Sigma F = 0$ ). Τότε επειδή  $a = \frac{\Sigma F}{m} = 0$  στη συνέχεια ο αγωγός κάνει ευθύγραμμη ομαλή κίνηση με ταχύτητα  $u = u_{op}$  το μέτρο της οποίας υπολογίζεται ως εξής:

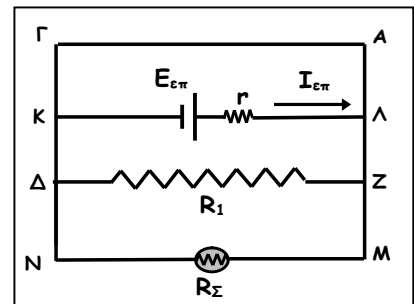


$$\Sigma F = 0 \rightarrow F_L = mg \rightarrow B I_{\varepsilon\pi} \ell = mg \rightarrow I_{\varepsilon\pi} = \frac{mg}{Bl} \rightarrow I_{\varepsilon\pi} = 3 \text{ A} .$$

**Αν  $R_{\Sigma}$  η ωμική αντίσταση και  $I_{\Sigma}$  η ένταση του ρεύματος κανονικής λειτουργίας της συσκευής, τότε έχουμε:**

$$P_{\Sigma} = V_{\Sigma} I_{\Sigma} \rightarrow I_{\Sigma} = \frac{P_{\Sigma}}{V_{\Sigma}} \rightarrow I_{\Sigma} = 1 \text{ A} \quad \text{και}$$

$$R_{\Sigma} = \frac{V_{\Sigma}}{I_{\Sigma}} \rightarrow R_{\Sigma} = 6 \ \Omega .$$



Η ολική αντίσταση του κυκλώματος είναι:  $R_{o\lambda} = \frac{R_1 R_{\Sigma}}{R_1 + R_{\Sigma}} + R_{K\Lambda} = \frac{3 \cdot 6}{3 + 6} + 2 \ \Omega = 4 \ \Omega .$

Άρα από το νόμο του Ohm παίρνουμε:  $I_{\varepsilon\pi} = \frac{E_{\varepsilon\pi}}{R_{o\lambda}} = \frac{Bu_{op}l}{R_{o\lambda}} \rightarrow u_{op} = 12 \text{ m/s} .$

**Γ3)** Όταν  $u = \frac{u_{op}}{2} = 6 \text{ m/s}$  θα είναι  $E_{\varepsilon\pi(2)} = 6 \text{ V}$ ,  $I_{\varepsilon\pi(2)} = \frac{E_{\varepsilon\pi(2)}}{R_{o\lambda}} = 1,5 \text{ A}$  και  $F_{L(2)} = 1,5 \text{ N}$  άρα:

$$\frac{dp}{dt} = \Sigma F = mg - F_{L(2)} \rightarrow \frac{dp}{dt} = 1,5 \text{ N} .$$

## ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΩΝ ΕΞΕΤΑΣΕΩΝ 2022

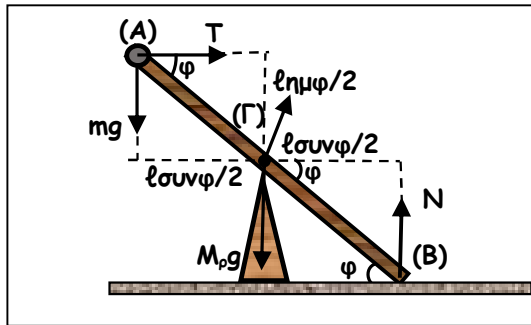
**Γ4)** Όταν ο αγωγός κινείται με την οριακή του ταχύτητα, η διαφορά δυναμικού στα άκρα του είναι:

$$V_{\text{κλ}} = E_{\text{επ}(3)} - I_{\text{επ}(3)} R_{\text{κλ}} = 12 - 3 \cdot 2 = 12 - 6 \rightarrow V_{\text{κλ}} = 6 \text{ V.}$$

Επειδή  $V_{\text{κλ}} = V_{\Sigma} = 6 \text{ V}$  η θερμική συσκευή λειτουργεί κανονικά.

### ΘΕΜΑ Δ

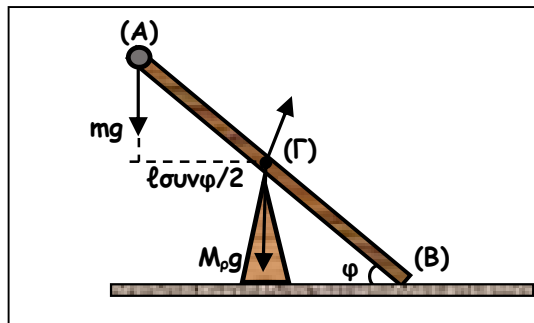
**Δ1)** Επειδή το σύστημα ράβδος - σφαιρίδιο η ισορροπεί ισχύει:  $\Sigma \tau_{(\Gamma)} = 0 \rightarrow$



$$mg \frac{l}{2} \sin \phi + N \frac{l}{2} \sin \phi - T \frac{l}{2} \eta \mu \phi = 0 \rightarrow 0,6N = 8,4 - 6 \rightarrow N = 4 \text{ N.}$$

**Δ2)** Η ροπή αδράνειας  $I_{\text{συστ.}}$  του συστήματος ως προς τον άξονα περιστροφής του είναι:

$$I_{\text{συστ.}} = \frac{1}{12} M_r \ell^2 + m \left( \frac{\ell}{2} \right)^2 \rightarrow I_{\text{συστ.}} = \frac{1}{12} 3 \cdot 4 + 1 \rightarrow I_{\text{συστ.}} = 2 \text{ Kg m}^2.$$



Η γωνιακή επιτάχυνση του συστήματος τη χρονική που κόβεται το νήμα είναι:

$$\Sigma \tau_{(\Gamma)} = I_{\text{συστ.}} \alpha_{\gamma} \rightarrow mg \frac{l}{2} \sin \phi = I_{\text{συστ.}} \alpha_{\gamma} \rightarrow \alpha_{\gamma} = \frac{6}{2} = 3 \text{ rad/s}^2.$$

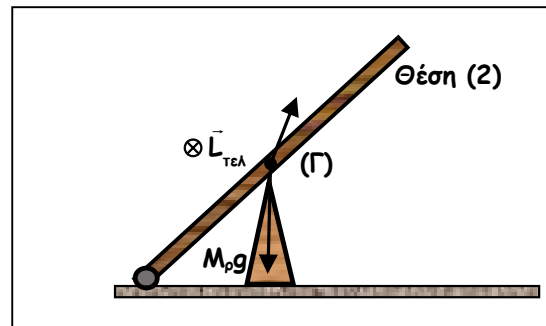
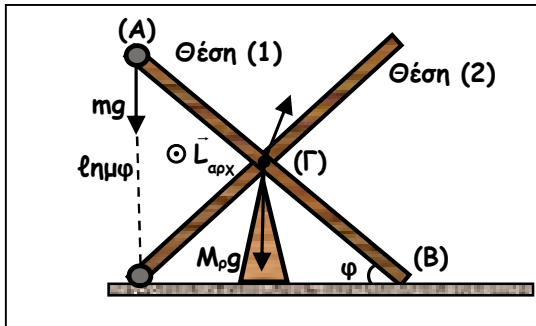
Άρα ο ρυθμός μεταβολής της στροφορμής της ράβδου αμέσως μετά το κόψιμο του νήματος είναι:

$$\frac{dL_p}{dt} = I_{\text{cm}(\rho)} \alpha_{\gamma} = \frac{1}{12} M_r \ell^2 \alpha_{\gamma} \rightarrow \frac{dL_p}{dt} = 3 \text{ Nm.}$$

**Δ3)** Εφαρμόζουμε ΑΔΜΕ από τη θέση (1) στη θέση (2) για να υπολογίσουμε την γωνιακή ταχύτητα  $\omega$  του συστήματος λίγο πριν το σφαιρίδιο  $\Sigma$  χτυπήσει το οριζόντιο δάπεδο.

$$E_{μηχ}^{(1)} = E_{μηχ}^{(2)} \rightarrow K_{(1)} + U_{(1)} = K_{(2)} + U_{(2)} \rightarrow 0 + mg \ell \eta \mu \varphi = \frac{1}{2} I_{\sigma\sigma\sigma\tau} \omega^2 + 0 \rightarrow$$

$$16 = \frac{1}{2} 2 \omega^2 \rightarrow \omega = \sqrt{16} = 4 \text{ rad/s}$$



Θεωρώντας θετική φορά από τον αναγνώστη στη σελίδα η μεταβολή της στροφομής του συστήματος είναι:

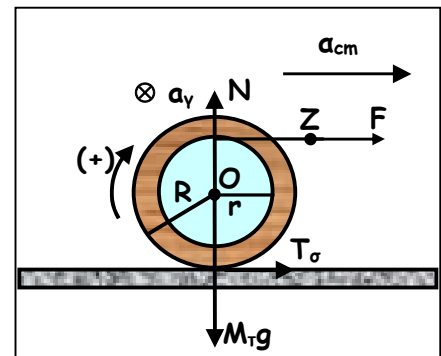
$$\Delta \vec{L} = \vec{L}_{\tau\epsilon\lambda} - \vec{L}_{\alpha\rho\chi} \rightarrow \Delta L = I_{\sigma\sigma\sigma\tau} \frac{\omega}{2} - (-I_{\sigma\sigma\sigma\tau} \omega) = 4 + 8 \rightarrow \Delta L = 12 \text{ Kg m}^2/\text{s}.$$

**Δ4)** Η τροχαλία εκτελεί ομαλά επιταχυνόμενη κύλιση χωρίς ολίσθηση. Εφαρμόζοντας το Θεμελιώδη νόμο της μηχανικής για τη μεταφορική κίνηση της τροχαλίας έχουμε:

$$\Sigma \vec{F}_x = M_T \vec{a}_{cm} \rightarrow F + T_\sigma = M_T a_{cm} \quad (1)$$

Από το Θεμελιώδη νόμο για την περιστροφική κίνηση έχουμε:

$$\Sigma \tau_{(O)} = I_{cm(\tau)} a_\gamma \rightarrow F r - T_\sigma R = \frac{1}{2} M_T R^2 a_\gamma \quad (2)$$



Επειδή η τροχαλία κυλιέται χωρίς να ολισθαίνει ισχύει:

$$a_{cm} = a_\gamma R \rightarrow a_\gamma = \frac{a_{cm}}{R} \quad (3)$$

Η σχέση (2) λόγω της σχέσης (3) γίνεται:

$$F r - T_\sigma R = \frac{1}{2} M_T R^2 \frac{a_{cm}}{R} = \frac{1}{2} M_T R a_{cm} \quad (4)$$

Από (1) και (4) παίρνουμε:

$$F r - (M_T a_{cm} - F)R = \frac{1}{2} M_T R a_{cm} \rightarrow F r - M_T a_{cm}R + F R = \frac{1}{2} M_T R a_{cm} \rightarrow$$

## ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΩΝ ΕΞΕΤΑΣΕΩΝ 2022

$$F R + F r M_T = a_{cm} R + \frac{1}{2} M_T R a_{cm} \rightarrow F (R + r) = \frac{3}{2} M_T R a_{cm} \rightarrow 8,4 = 4,2 a_{cm} \rightarrow$$

$$a_{cm} = 2 \text{ m/s}^2 \text{ και } a_v = \frac{a_{cm}}{R} = 5 \text{ rad/s}^2.$$

Δ5) Το έργο της δύναμης F είναι:

$$W_F^{\text{μεταφορικής}} = F \Delta x_{cm} = F \frac{1}{2} a_{cm} t_1^2 = 12 \frac{1}{2} 2 \cdot 4 \rightarrow W_F^{\text{μεταφορικής}} = 48 \text{ J.}$$

$$W_F^{\text{περιστροφικής}} = \tau_F \Delta \theta = F r \Delta \theta = F r \frac{1}{2} a_v t_1^2 = 12 \cdot 0,3 \frac{1}{2} 5 \cdot 4 \rightarrow W_F^{\text{περιστροφικής}} = 36 \text{ J.}$$

$$W_F = W_F^{\text{μεταφορικής}} + W_F^{\text{περιστροφικής}} = 84 \text{ J.}$$

ΤΙΣ ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ ΕΠΙΜΕΛΗΘΗΚΕ Ο ΤΟΜΕΑΣ ΤΩΝ ΦΥΣΙΚΩΝ ΤΩΝ ΦΡΟΝΤΙΣΤΗΡΙΩΝ

«ΟΜΟΚΕΝΤΡΟ» ΦΛΩΡΟΠΟΥΛΟΥ

ΔΕΜΕΝΕΟΠΟΥΛΟΣ Γ. - ΗΜΕΛΛΟΣ Μ. - ΚΟΥΣΗΣ Γ.

[www.floropoulos.gr](http://www.floropoulos.gr)