

α) Το τρίγωνο $AB\Gamma$ είναι ισοσκελές διότι $AB = A\Gamma$. Άρα $\widehat{B} = \widehat{\Gamma}$.

Από το άθροισμα γωνιών του τριγώνου $AB\Gamma$, βρίσκουμε:

$$\widehat{A} + \widehat{B} + \widehat{\Gamma} = 180^\circ \Leftrightarrow 40^\circ + 2\widehat{B} = 180^\circ \Leftrightarrow 2\widehat{B} = 140^\circ \Leftrightarrow \widehat{B} = 70^\circ$$

Οι γωνίες $\widehat{A\widehat{B}D}$ και $\widehat{A\widehat{\Gamma}E}$ είναι παραπληρωματικές των ίσων γωνιών \widehat{B} και $\widehat{\Gamma}$, οπότε

$$\widehat{A\widehat{B}D} = \widehat{A\widehat{\Gamma}E} = 180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$$

β) Τα τρίγωνα ABD και $A\Gamma E$ έχουν:

- $DB = \Gamma E$, από υπόθεση
- $BA = A\Gamma$, από υπόθεση
- $\widehat{A\widehat{B}D} = \widehat{A\widehat{\Gamma}E} = 110^\circ$

Από το κριτήριο $\Pi - \Gamma - \Pi$ τα τρίγωνα ABD και $A\Gamma E$ είναι ίσα.

γ) Από την ισότητα των τριγώνων ABD και $A\Gamma E$ συμπεραίνουμε ότι οι πλευρές που βρίσκονται απέναντι από τις ίσες γωνίες $\widehat{A\widehat{B}D}$ και $\widehat{A\widehat{\Gamma}E}$ είναι ίσες, δηλαδή $AD = AE$. Άρα το τρίγωνο ADE είναι ισοσκελές.

