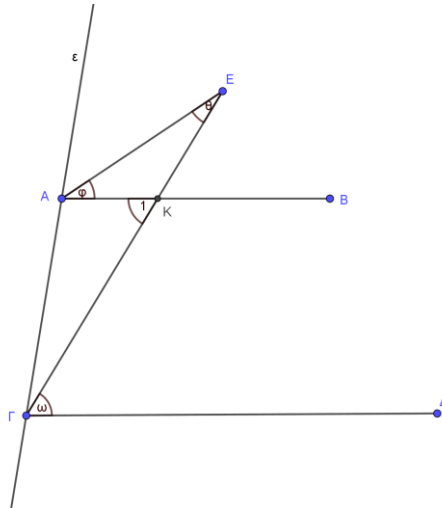


α) Έστω Κ το σημείο τομής των ΕΓ, ΑΒ. Είναι $\widehat{K}_1 = \widehat{\omega}$ (1)

ως εντός εναλλάξ των παραλλήλων ΑΒ, ΓΔ που τέμνονται από την ΕΓ.

Η γωνία \widehat{K}_1 είναι εξωτερική στο τρίγωνο ΑΚΕ, οπότε $\widehat{K}_1 = \widehat{\theta} + \widehat{\varphi}$

Άρα λόγω της (1) βρίσκουμε $\widehat{\omega} = \widehat{\varphi} + \widehat{\theta}$



β) Είναι $\widehat{\omega} = \widehat{E}_1$

ως εντός εναλλάξ των παραλλήλων ΕΖ, ΓΔ που τέμνονται από την ΕΓ.

Επίσης $\widehat{\varphi} = \widehat{E}_2$

ως εντός εναλλάξ των παραλλήλων ΑΒ, ΕΖ που τέμνονται από την ΑΕ. Τότε

$\widehat{\varphi} + \widehat{\omega} = \widehat{E}_2 + \widehat{E}_1 = \widehat{\theta}$

