

α) Πρέπει:

$$2x - 3 \neq 0 \Leftrightarrow x \neq \frac{3}{2}$$

Άρα το πεδίο ορισμού της  $f$  είναι το  $A = \mathbb{R} - \left\{ \frac{3}{2} \right\}$ .

β) Θα παραγοντοποιήσουμε το τριώνυμο  $4x^2 - 2(\alpha + 3)x + 3\alpha$ . Είναι:

$$\begin{aligned} 4x^2 - 2(\alpha + 3)x + 3\alpha &= \\ &= 4x^2 - 2\alpha x - 6x + 3\alpha = \\ &= 2x(2x - 3) - \alpha(2x - 3) = \\ &= (2x - 3)(2x - \alpha) \end{aligned}$$

Τότε ο τύπος της  $f$  γράφεται:

$$f(x) = \frac{4x^2 - 2(\alpha + 3)x + 3\alpha}{2x - 3} = \frac{(2\alpha - 3)(2x - \alpha)}{2x - 3} = 2x - \alpha$$

γ) Η γραφική παράσταση της  $f$  διέρχεται από το σημείο  $(1, -1)$  αν και μόνο αν ισχύει:

$$f(1) = -1 \Leftrightarrow 2 - \alpha = -1 \Leftrightarrow \alpha = 3$$

δ) Για τις τετμημένες των σημείων τομής της  $C_f$  με τον άξονα  $x'x$  λύνουμε την εξίσωση:

$$\begin{aligned} f(x) = 0 &\Leftrightarrow 2x - \alpha = 0 \Leftrightarrow \\ &\Leftrightarrow x = \frac{\alpha}{2}, \text{ με } x \neq \frac{3}{2} \Leftrightarrow \frac{\alpha}{2} \neq \frac{3}{2} \Leftrightarrow \alpha \neq 3 \end{aligned}$$

Άρα η  $C_f$  τέμνει τον άξονα  $x'x$  στο σημείο  $A\left(\frac{\alpha}{2}, 0\right)$ ,  $\alpha \neq 3$ .

Αν  $\alpha = 3$  η  $C_f$  δεν τέμνει τον άξονα  $x'x$ .

Επίσης έχουμε:

$$f(0) = 2 \cdot 0 - \alpha = -\alpha$$

Άρα η  $C_f$  τέμνει τον άξονα  $y'y$  στο σημείο  $B(0, -\alpha)$ .