

Ο πρώτος επιβάτης που θα αγοράσει εισιτήριο θα πληρώσει 3€ και κάθε επόμενος επιβάτης θα πληρώνει 0,5€ περισσότερο από τον προηγούμενο.

**α)** Ο δεύτερος επιβάτης θα πληρώσει  $3 + 0,5 = 3,5\text{€}$ , ο τρίτος θα πληρώσει  $3,5 + 0,5 = 4\text{€}$  και ο τέταρτος θα πληρώσει  $4 + 0,5 = 4,5\text{€}$ .

**β)** Δεδομένου ότι ο πρώτος επιβάτης που θα αγοράσει εισιτήριο θα πληρώσει 3€ και κάθε επόμενος επιβάτης θα πληρώνει 0,5€ περισσότερο από τον προηγούμενο, οι αριθμοί  $a_1, a_2, \dots, a_{51}$  είναι διαδοχικοί όροι αριθμητικής προόδου με  $a_1 = 3$  και  $\omega = 0,5$ .

**γ)** Ο 51<sup>ος</sup> επιβάτης θα πληρώσει:  $a_{51} = 3 + (51 - 1) \cdot 0,5 = 28\text{€}$

**δ)** Ζητάμε την μικότερη τιμή του φυσικού αριθμού  $n$  ώστε  $S_n > 30 \cdot 21$ . Οπότε έχουμε ισοδύναμα:

$$S_n > 30 \cdot 21$$

$$\frac{n}{2} [2 \cdot 3 + (n-1) \cdot 0,5] > 630$$

$$\frac{n}{2} \left[ 6 + \frac{(n-1)}{2} \right] > 630$$

$$\frac{n}{2} \left[ \frac{12+n-1}{2} \right] > 630$$

$$\frac{n(11+n)}{4} > 630$$

$$n^2 + 11n - 2520 > 0 \quad (1)$$

Το τριώνυμο έχει διακρίνουσα  $\Delta = 11^2 - 4(-2520) = 10201$  και ρίζες  $n = 45$ ,  $n = -56$  (απορρίπτεται). Η (1) αληθεύει για φυσικούς αριθμούς  $n > 45$ . Συνεπώς πρέπει να πουληθούν τουλάχιστον 46 εισιτήρια ώστε να συμφέρει η προσφορά.