

α) Το τριώνυμο  $x^2 - 5x + 6$  έχει  $\alpha = 1$ ,  $\beta = -5$ ,  $\gamma = 6$  και διακρίνουσα:

$$\Delta = \beta^2 - 4\alpha\gamma = (-5)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 6 = 25 - 24 = 1 > 0$$

Οι ρίζες του τριωνύμου είναι οι:

$$x_{1,2} = \frac{-\beta \pm \sqrt{\Delta}}{2\alpha} = \frac{-(-5) \pm \sqrt{1}}{2 \cdot 1} = \frac{5 \pm 1}{2} = \begin{cases} \frac{5+1}{2} = 3 \\ \frac{5-1}{2} = 2 \end{cases}$$

Τότε:

$$x^2 - 5x + 6 = (x - 2)(x - 3)$$

β) i) Πρέπει:

$$x^2 - 5x + 6 \neq 0 \Leftrightarrow (x - 2)(x - 3) \neq 0 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow (x - 2 \neq 0 \text{ και } x - 3 \neq 0) \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow (x \neq 2 \text{ και } x \neq 3)$$

Άρα το πεδίο ορισμού της  $f$  είναι το  $A = \mathbb{R} - \{2, 3\}$ .

ii) Ο τύπος της  $f$  γράφεται:

$$f(x) = \frac{x-2}{x^2-5x+6} = \frac{x-2}{(x-2)(x-3)} = \frac{1}{x-3}$$