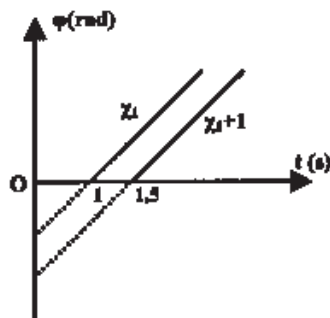


# Φυσική Κατεύθυνσης

Επιλεγμένα θέματα για τους υποψήφιους μαθητές Τεχνολογικής και Θετικής Κατεύθυνσης της Γ' τάξης Ενιαίου Λυκείου.

Κατά μήκος γραμμικού ελαστικού μέσου και κατά τη θετική φορά διαδίδεται αρμονικό κύμα. Η πηγή του κύματος Ο βρίσκεται στο αριστερό άκρο του μέσου και αρχίζει να ταλαντώνεται τη χρονική στιγμή  $t=0$  με εξίσωση:  $\psi=0,1\eta\mu\pi t$  (S.I.) Στο παρακάτω σχήμα παριστάνεται γραφικά η φάση δύο σημείων Κ και Λ του μέσου, τα οποία απέχουν από το σημείο Ο αποστάσεις  $\chi_1$  και  $(\chi_1+1)$  μέτρα αντίστοιχα, σε σχέση με το χρόνο.



α) Να γραφεί η εξίσωση του αρμονικού κύματος.

β) Να σχεδιαστεί το στιγμιότυπο του κύματος τη χρονική στιγμή που το κύμα φθάνει σε σημείο του ελαστικού μέσου που απέχει  $\chi_1+6$  μέτρα από την πηγή Ο.

γ) Σε απόσταση  $d=10\text{m}$  από το σημείο Ο βρίσκεται ένα μικρό κομμάτι φελλού μάζας  $m=2\text{gr}$ , το οποίο ταλαντώνεται με την επίδραση του κύματος. Να βρείτε:  
i. Την απομάκρυνση του φελλού από τη θέση ισορροπίας του και την ταχύτητά του τις χρονικές στιγμές 4s και 6s.  
ii. Την κινητική ενέργεια του φελλού όταν η απομάκρυνσή του από τη θέση ισορροπίας είναι  $\psi = -A/2$ . ( $\pi^2 \approx 10$ ).

## ΑΠΑΝΤΗΣΗ

α) Η εξίσωση της αρμονικής ταλάντωσης της πηγής Ο δίνεται από τη σχέση:  $\psi = A\eta\mu 2\pi t/T$ .

Αντιπαράβαλλοντας την παραπάνω εξίσωση με την εξίσωση  $\psi=0,1\eta\mu\pi t$  (S.I.) που μας δίνεται βρίσκουμε:  $A=0,1\text{m}$  και  $T=2\text{s}$ .

Η φάση του αρμονικού κύματος που παράγεται από την πηγή Ο και διαδίδεται κατά την θετική φορά είναι:

$$\varphi = 2\pi \left( \frac{t}{T} - \frac{\chi}{\lambda} \right) \quad (\text{S.I.}) \quad (1)$$

Άρα φάση του σημείου Κ, που απέχει από την πηγή Ο απόσταση  $\chi_1$ , δίνεται από τη σχέση:

$$\varphi_K = 2\pi \left( \frac{t}{T} - \frac{\chi_1}{\lambda} \right) \quad (2)$$

ενώ του σημείου Λ που απέχει από την πηγή απόσταση  $\chi_1+1$  από τη σχέση:

$$\varphi_\Lambda = 2\pi \left( \frac{t}{T} - \frac{\chi_1+1}{\lambda} \right) \quad (3)$$

Από το διάγραμμα του σχήματος, έχουμε: για το σημείο Κ όταν  $t=1\text{s}$ ,  $\varphi_K=0$  οπότε από τη σχέση (2) παίρνουμε:

$$\left( \frac{1}{2} - \frac{\chi_1}{\lambda} \right) = 0 \Rightarrow \frac{1}{2} - \frac{\chi_1}{\lambda} = 0 \Rightarrow \lambda = 2\chi_1 \quad (4)$$

Για το σημείο Λ όταν  $t=1,5\text{s}$ ,  $\varphi_\Lambda=0$  οπότε από τη σχέση (3) παίρνουμε:

$$\left( \frac{1,5}{2} - \frac{\chi_1+1}{\lambda} \right) = 0 \Rightarrow \frac{3}{4} - \frac{\chi_1+1}{\lambda} = 0 \Rightarrow \lambda = \frac{4}{3}(\chi_1+1) \quad (5)$$

Από τις σχέσεις (4) και (5) προκύπτει:

$$2\chi_1 = \frac{4}{3}\chi_1 + \frac{4}{3} \Leftrightarrow \chi_1 = 2\text{m}. \text{ Άρα } \lambda = 2\chi_1 = 4\text{m}.$$

Η εξίσωση του αρμονικού κύματος είναι εί ναι:

$$\psi = 0,1\eta\mu 2\pi(t/2 - \chi/4) \quad (\text{S.I.})$$

β) Η ταχύτητα διάδοσης του αρμονικού κύματος είναι:

$$u = \lambda f = \lambda/T \Leftrightarrow u = 2\text{m/s}. \text{ Το κύμα θα φθάσει στο σημείο που απέχει } \chi_1+6=8\text{m} \text{ από την πηγή τη χρονική στιγμή:}$$

$$\chi_1+6=ut \Leftrightarrow t_1 = \frac{\chi_1+6}{u} = \frac{8}{2} \text{ s} \Leftrightarrow t_1=4\text{s}=2T.$$

Η εξίσωση του κύματος εκείνη τη χρονική στιγμή γράφεται:  $\psi=0,1\eta\mu 2\pi(2 - \chi/4)$  (S.I.).

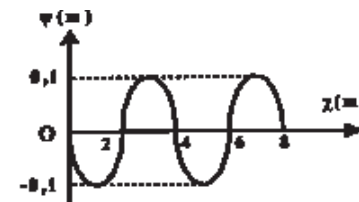
Η σχέση αυτή δίνει την απομάκρυνση όλων των σημείων του

μέσου, από την πηγή έως το σημείο που απέχει  $\chi=8\text{m}=2\lambda$  από την πηγή, την χρονική στιγμή  $t_1=4\text{s}=2T$ .

Σχηματίζουμε τον παρακάτω πίνακα τιμών:

$\chi(\text{m})$	0	$\frac{\lambda}{4}=1$	$\frac{\lambda}{2}=2$	$\frac{3\lambda}{4}=3$	$\lambda=4$	$\frac{5\lambda}{4}=5$	$\frac{3\lambda}{2}=6$	$\frac{7\lambda}{4}=7$	$2\lambda=8$
$\psi(\text{m})$	0	-0,1	0	0,1	0	-0,1	0	0,1	0

Με τη βοήθεια του πίνακα σχεδιάζουμε το στιγμιότυπο του κύματος τη χρονική στιγμή  $t=4\text{s}$ .



γ) i. Ο φελλός θα αρχίσει να ταλαντώνεται τη χρονική στιγμή:

$$d=ut_2 \Leftrightarrow t_2 = \frac{d}{u} = 5\text{s}.$$

Η εξίσωση της απλής αρμονικής ταλάντωσης που εκτελεί ο φελλός είναι:

$$\psi = 0,1\eta\mu 2\pi \left( \frac{t}{T} - \frac{d}{\lambda} \right) = 0,1\eta\mu 2\pi \left( \frac{t}{2} - \frac{5}{2} \right) \quad (\text{S.I.})$$

Άρα τη χρονική στιγμή 4s η απομάκρυνση και η ταχύτητα του φελλού θα είναι μηδέν αφού δεν έχει αρχίσει ακόμη να ταλαντώνεται, ενώ την χρονική στιγμή 6s είναι:

$$\psi = 0,1\eta\mu 2\pi \left( \frac{6}{2} - \frac{5}{2} \right) \Leftrightarrow \psi = 0\text{m} \text{ και}$$

$$u = \omega A \sin \omega t = \frac{2\pi}{2} \cdot 0,1 \sin \pi \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow u = -0,314\text{m/s}.$$

ii. Εφαρμόζουμε την αρχή διατήρησης της ενέργειας για την απλή αρμονική ταλάντωση του φελλού:

$$K+U=E_{\text{ολ}} \Leftrightarrow K=E_{\text{ολ}} - U \Leftrightarrow K = \frac{1}{2} DA^2 - \frac{1}{2} D \left( \frac{A}{2} \right)^2 =$$

$$= \frac{1}{2} m \omega^2 \left( A^2 - \frac{A^2}{4} \right) = \frac{3}{8} m \frac{4\pi^2}{T^2} A^2 \Leftrightarrow$$

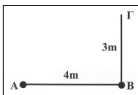
$$K = 7,5 \cdot 10^{-5} \text{J}.$$

**ΤΑ ΘΕΜΑΤΑ ΕΠΙΜΕΛΗΘΗΚΑΝ  
ΤΑ ΦΡΟΝΤΙΣΤΗΡΙΑ «ΟΜΟΚΕΝΤΡΟ»  
Α. ΦΛΩΡΟΠΟΥΛΟΥ**

# Φυσική Κατεύθυνσης

Επιλεγμένα θέματα για τους υποψήφιους μαθητές Θετικής και Τεχνολογικής Κατεύθυνσης της Γ' τάξης Ενιαίου Λυκείου.

**> ΑΣΚΗΣΗ:** Στα σημεία Α και Β του διπλανού σχήματος βρίσκονται δύο σύμφωνες πηγές, που εκπέμπουν στην επιφάνεια ενός αρχικά ήρεμου υγρού, αρμονικά κύματα πλάτους  $A = 10 \text{ mm}$  και συχνότητας  $5 \text{ Hz}$ .



Η ταχύτητα διάδοσης των κυμάτων στο ελαστικό μέσο είναι  $10 \text{ m/s}$ . Στο σημείο Γ βρίσκεται ένα μικρό κομμάτι φελλού.

α. Αν θεωρήσουμε ότι οι πηγές άρχισαν να ταλαντώνονται τη χρονική στιγμή  $t = 0$ , να βρεθεί η απομάκρυνση από τη θέση ισορροπίας του και η ταχύτητα του φελλού τις χρονικές στιγμές  $t_1 = 0,2 \text{ s}$ ,  $t_2 = 0,45 \text{ s}$  και  $t_3 = 0,575 \text{ s}$ .

β. Να παρασταθεί γραφικά η απομάκρυνση του φελλού από τη θέση ισορροπίας του σε συνάρτηση με το χρόνο.

γ. Ποια χρονική στιγμή, μετά τη συμβολή των δύο κυμάτων, ο φελλός θα φτάσει για πρώτη φορά στη θέση της μέγιστης αρνητικής απομάκρυνσης;

δ. Σε ποια σημεία του ευθύγραμμου τμήματος ΑΒ θα μπορούσε να τοποθετηθεί ένας άλλος φελλός ώστε να παραμείνει συνεχώς ακίνητος;

## ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

Από το πυθαγόρειο θεώρημα στο ορθογώνιο τρίγωνο ΑΒΓ ( $\hat{B} = 90^\circ$ ) παίρνουμε:

$$(ΑΓ)^2 = (ΑΒ)^2 + (ΒΓ)^2 \rightarrow (ΑΓ)^2 = 16 + 9 = 25 \rightarrow (ΑΓ) = 5 \text{ m.}$$

Το μήκος κύματος των παραγόμενων αρμονικών κυμάτων είναι:

$$u = \lambda f \rightarrow 10 = 5 \lambda \rightarrow \lambda = 2 \text{ m.}$$

Το κύμα από την πηγή Α θα φθάσει στο σημείο Γ μετά από χρόνο:  $(ΑΓ) = u t_A \rightarrow t_A = 0,5 \text{ s}$ , ενώ το κύμα από την πηγή Β μετά από χρόνο:  $(ΒΓ) = u t_B \rightarrow t_B = 0,3 \text{ s}$ . Άρα:

Από  $(0 - 0,3) \text{ s}$  στο σημείο Γ δεν έχει φθάσει κανένα από τα δύο κύματα, οπότε ο φελλός θα παραμείνει ακίνητος.

Από  $(0,3 - 0,5) \text{ s}$  στο σημείο Γ έχει φθάσει μόνο το κύμα από την πηγή Β, οπότε ο φελλός κάνει ΑΑΤ με εξίσωση απομάκρυνσης από τη θέση ισορροπίας του:

$$\psi = A \eta \mu 2\pi \left( \frac{t}{T} - \frac{(ΒΓ)}{\lambda} \right) \rightarrow \psi = 10^{-2} \eta \mu (10\pi t - 3\pi) \text{ (SI)}$$

Από  $0,5 \text{ s}$  και μετά στο σημείο Γ έχουν φθάσει τα κύματα και από τις δύο πηγές, τα οποία συμβάλλουν, οπότε ο φελλός κάνει ΑΑΤ με εξίσωση απομάκρυνσης από τη θέση ισορροπίας του:

$$\psi = 2A \text{ συν} \pi \left( \frac{(ΑΓ)-(ΒΓ)}{\lambda} \right) \eta \mu 2\pi \left( \frac{t}{T} - \frac{(ΒΓ)+(ΑΓ)}{2\lambda} \right) \rightarrow$$

$$\rightarrow \psi = -2 \cdot 10^{-2} \eta \mu (10\pi t - 4\pi) \text{ (SI)}$$

Τη χρονική στιγμή  $t_1 = 0,2 \text{ s}$  ( $0 < t_1 < 0,3 \text{ s}$ ) ο φελλός είναι ακίνητος οπότε:

$$\psi_1 = 0 \text{ και } u_1 = 0.$$

Τη χρονική στιγμή  $t_2 = 0,45 \text{ s}$  ( $0,3 \text{ s} < t_2 < 0,5 \text{ s}$ ) η απομάκρυνση του φελλού είναι:

$$\psi_2 = 10^{-2} \eta \mu (4,5\pi - 3\pi) = 10^{-2} \eta \mu \frac{3\pi}{2} \rightarrow \psi_2 = -10^{-2} \text{ m}$$

και η ταχύτητα ταλάντωσής του:

$$u_2 = \omega A \text{ συν} (4,5\pi - 3\pi) = \omega A \text{ συν} \frac{3\pi}{2} \rightarrow u_2 = 0.$$

Τη χρονική στιγμή  $t_3 = 0,575 \text{ s}$  ( $0,5 \text{ s} < t_3$ ) η απομάκρυνση του φελλού είναι:

$$\psi_3 = -2 \cdot 10^{-2} \eta \mu (5,75\pi - 4\pi) = -2 \cdot 10^{-2} \eta \mu 1,75\pi = -2 \cdot 10^{-2} \eta \mu (2\pi - \frac{\pi}{4})$$

$$\rightarrow \psi_3 = \sqrt{2} \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

και η ταχύτητα ταλάντωσής του:

$$u_3 = \omega A \text{ συν} (5,75\pi - 4\pi) = 2\pi \cdot 5 \cdot (-2 \cdot 10^{-2}) \text{ συν} (2\pi - \frac{\pi}{4})$$

$$\rightarrow u_3 = -2\pi \cdot 10^{-1} \frac{\sqrt{2}}{2} = -\sqrt{2} \pi \cdot 10^{-1} \text{ m/s.}$$

β. Η εξίσωση της απομάκρυνσης του φελλού από τη θέση ισορροπίας του, σε συνάρτηση με το χρόνο είναι:

$$\begin{aligned} \psi &= 0 && \text{για } 0 \leq t < 0,3 \text{ s} \\ \psi &= 10^{-2} \eta \mu (10\pi t - 3\pi) \text{ (SI)} && \text{για } 0,3 \leq t < 0,5 \text{ s} \\ \psi &= -2 \cdot 10^{-2} \eta \mu (10\pi t - 4\pi) \text{ (SI)} && \text{για } t \geq 0,5 \text{ s} \end{aligned}$$

Για  $t = 0,3 \text{ s}$  η απομάκρυνση του φελλού είναι:

$$\psi = 10^{-2} \eta \mu (3\pi - 3\pi) = 10^{-2} \eta \mu 0 \rightarrow \psi = 0 \text{ m}$$

και η ταχύτητα ταλάντωσής του:

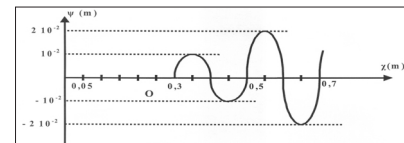
$$u_2 = \omega A \text{ συν} (3\pi - 3\pi) = 10\pi \cdot 10^{-2} \text{ συν} 0 \rightarrow u_2 = \pi \cdot 10^{-1} \text{ m/s} > 0.$$

Για  $t = 0,5 \text{ s}$  η απομάκρυνση του φελλού είναι:  $\psi = -2 \cdot 10^{-2} \eta \mu \pi$   
 $\rightarrow \psi = 0 \text{ m}$

και η ταχύτητα ταλάντωσής του:

$$u_3 = \omega A \text{ συν} (5\pi - 4\pi) = 2\pi \cdot 5 \cdot (-2 \cdot 10^{-2}) \text{ συν} \pi$$

$$u_3 = -2\pi \cdot 10^{-1} \cdot (-1) = \sqrt{2} \pi \cdot 10^{-1} \text{ m/s} > 0.$$



γ. Τη χρονική στιγμή  $t = 0,5 \text{ s}$  κατά την οποία συμβάλλουν τα δύο κύματα, ο φελλός βρίσκεται στη θέση ισορροπίας του και η ταχύτητα του είναι θετική. Άρα ο φελλός θα φτάσει στη θέση της μέγιστης αρνητικής απομάκρυνσης για πρώτη φορά μετά από χρόνο  $\frac{3T}{4} = 0,15 \text{ s}$ .

δ. Για τα σημεία του ευθύγραμμου τμήματος ΑΒ που παραμένουν συνεχώς ακίνητα ισχύει:

$$r_1 - r_2 = (2N + 1) \frac{\lambda}{2} = (2N + 1) \text{ m} \quad (1)$$

$$r_1 + r_2 = AB = 4 \text{ m} \quad (2)$$

Αθροίζω κατά μέλη τις σχέσεις (1) και (2) και παίρνω:

$$2r_1 = (2N + 1) + 4 \rightarrow r_1 = \frac{2N+1}{2} + 2$$

$$\text{Όμως } 0 < r_1 < AB \rightarrow 0 < \frac{2N+1}{2} + 2 < 4 \rightarrow -2 < \frac{2N+1}{2} < 2$$

$$\rightarrow -4 < 2N + 1 < 4 \rightarrow -2,5 < N < 1,5$$

Όμως το Ν είναι ακέραιος άρα οι τιμές που μπορεί να πάρει είναι:  $N = -2, -1, 0, 1$

Άρα τα σημεία στα οποία μπορεί να τοποθετηθεί ένας φελλός για να παραμείνει συνέχεια ακίνητος απέχουν από τη πηγή Α αποστάσεις:

$$r_1 = \frac{2N+1}{2} + 2 = \frac{-4+1}{2} + 2 \rightarrow r_1 = 0,5 \text{ m}$$

$$r_1 = \frac{2N+1}{2} + 2 = \frac{-2+1}{2} + 2 \rightarrow r_1 = 1,5 \text{ m}$$

$$r_1 = \frac{2N+1}{2} + 2 = \frac{1}{2} + 2 \rightarrow r_1 = 2,5 \text{ m}$$

$$r_1 = \frac{2N+1}{2} + 2 = \frac{2+1}{2} + 2 \rightarrow r_1 = 3,5 \text{ m}$$

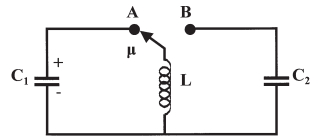
Τα θέματα επιμελήθηκαν τα φροντιστήρια  
« ΟΜΟΚΕΝΤΡΟ »  
Α. Φ Λ Ω Ρ Ο Π Ο Υ Λ Ο Υ

# Φυσική Κατεύθυνσης

Επιλεγμένα θέματα για τους υποψήφιους μαθητές Θετικής και Τεχνολογικής Κατεύθυνσης της Γ' τάξης Ενιαίου Λυκείου.

## > ΑΣΚΗΣΗ:

**A.** Φορτίζουμε τον πυκνωτή  $C_1 = 10 \mu\text{F}$  με φορτίο  $Q_1 = 1 \text{ mC}$  και μεταφέρουμε ακαριαία, τη χρονική στιγμή  $t = 0$ , τον μεταγωγό ( $\mu$ ) στη θέση Α, οπότε το κύκλωμα  $LC_1$  εκτελεί ηλεκτρική ταλάντωση. Αν ο συντελεστής αυτεπαγωγής του πηνίου είναι  $L = 0,4 \text{ H}$  να βρείτε:



**α.** Τις εξισώσεις που δίνουν το φορτίο του πυκνωτή και την ένταση του ρεύματος που διαρρέει το κύκλωμα, σε συνάρτηση με το χρόνο.

**β.** Τη χρονική στιγμή που η τάση του πυκνωτή είναι  $V_C = 50\text{V}$  για πρώτη φορά.

**γ.** Το λόγο των ενεργειών  $U_E / U_B$  στο ηλεκτρικό και στο μαγνητικό πεδίο την παραπάνω χρονική στιγμή.

**B.** Τη χρονική στιγμή  $t = \pi/1500 \text{ s}$ , μεταφέρουμε τον μεταγωγό ακαριαία στη θέση Β. Αν  $C_2 = 4C_1$  να βρείτε:

**α.** Την περίοδο του κυκλώματος  $LC_2$ .

**β.** Μετά από πόσο χρόνο ο πυκνωτής  $C_2$  θα αποκτήσει το μέγιστο φορτίο του  $Q_2$  για πρώτη φορά και να το υπολογίσετε.

## ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

**A. α.** Επειδή τη χρονική στιγμή  $t = 0$  το φορτίο του πυκνωτή είναι μέγιστο ( $q = Q_1$ ), για το φορτίο του πυκνωτή και για την ένταση του ρεύματος ισχύουν αντίστοιχα οι σχέσεις:

$$q = Q_1 \cos \omega_1 t \quad (1) \quad \text{και} \quad i = -I \sin \omega_1 t \quad (2)$$

Η κυκλική συχνότητα  $\omega$  της ηλεκτρικής ταλάντωσης είναι:

$$\omega_1 = \frac{1}{\sqrt{LC_1}} \rightarrow \omega = \frac{1}{\sqrt{4 \cdot 10^{-1} \cdot 10^{-5}}} \rightarrow \omega_1 = 500 \text{ rad/s.}$$

Το πλάτος  $I$  της έντασης του ηλεκτρικού ρεύματος είναι ίσο με:

$$I = \omega_1 Q_1 \rightarrow I = 0,5 \text{ A.}$$

Αντικαθιστώντας τις παραπάνω τιμές στις σχέσεις (1) και (2) παίρνουμε:

$$q = 10^{-3} \cos 500t \text{ (SI)} \quad \text{και} \quad i = -0,5 \sin 500t \text{ (SI)}$$

**β.** Η τάση στα άκρα του πυκνωτή κάθε χρονική στιγμή, δίνεται από τη σχέση:

$$V_C = \frac{q}{C} \rightarrow V_C = \frac{q}{C} = \frac{10^{-3} \cos 500t}{10^{-5}} \rightarrow V_C = 100 \cos 500t \text{ (SI)}$$

Για  $V_C = 50\text{V}$  παίρνουμε:

$$50 = 100 \cos 500t \rightarrow \cos 500t = 1/2 \rightarrow$$

$$\rightarrow \cos 500t = \cos \pi/3 \rightarrow 500t = 2k\pi \pm \pi/3.$$

Για  $k = 0$ :  $t = \pi/1500 \text{ s}$ .

**γ.** Για  $t = \pi/1500 \text{ s}$  το φορτίο του πυκνωτή είναι ίσο με:

$$q = 10^{-3} \cos 500 \cdot \frac{\pi}{1500} = 10^{-3} \cos \frac{\pi}{3} \rightarrow q = 5 \cdot 10^{-4} \text{ C,}$$

ενώ η ένταση του ρεύματος στο κύκλωμα:

$$i = -0,5 \sin 500 \cdot \frac{\pi}{1500} = -0,5 \sin \frac{\pi}{3} \rightarrow i = -2,5\sqrt{3} \cdot 10^{-1} \text{ A.}$$

$$\text{Άρα } \frac{U_E}{U_B} = \frac{\frac{1}{2} \frac{q^2}{C}}{\frac{1}{2} Li^2} = \frac{25 \cdot 10^{-8}}{10^{-5} \cdot 4 \cdot 10^{-1} \cdot 6,25 \cdot 3 \cdot 10^{-2}} =$$

$$= \frac{25 \cdot 10^{-8}}{3 \cdot 25 \cdot 10^{-8}} \rightarrow \frac{U_E}{U_B} = \frac{1}{3}$$

**B. α.** Η περίοδος των ηλεκτρικών ταλαντώσεων στο κύκλωμα  $LC_2$  είναι ίση με:

$$T_2 = 2\pi\sqrt{LC_2} = 2\pi\sqrt{L \cdot 4C_1} = 2\pi\sqrt{16 \cdot 10^{-6}} \rightarrow$$

$$\rightarrow T_2 = 8\pi \cdot 10^{-3} \text{ s.}$$

**β.** Ο πυκνωτής  $C_2$  θα αποκτήσει το μέγιστο φορτίο του, για πρώτη φορά, μετά από χρόνο:

$$t_1 = \frac{\pi}{1500} + \frac{T_2}{4} = \frac{\pi}{1500} + 2\pi \cdot 10^{-3} =$$

$$= \frac{\pi + 3\pi}{1500} = \frac{4\pi}{1500} \rightarrow t_1 = \frac{\pi}{375} \text{ s.}$$

Τη χρονική στιγμή  $t = \pi/1500 \text{ s}$  η ένταση του ρεύματος στο κύκλωμα  $LC_1$  είναι ίση με:

$$i = -2,5\sqrt{3} \cdot 10^{-1} \text{ A.}$$

Άρα η ενέργεια του μαγνητικού πεδίου του πηνίου θα είναι:

$$U_B = \frac{1}{2} Li^2 = \frac{1}{2} \cdot 4 \cdot 10^{-1} \cdot 6,25 \cdot 3 \cdot 10^{-2} \rightarrow$$

$$\rightarrow U_B = 37,5 \cdot 10^{-3} \text{ J.}$$

Η ενέργεια αυτή είναι ίση με την ολική ενέργεια της ηλεκτρικής ταλάντωσης που θα ακολουθήσει στο κύκλωμα  $LC_2$ , οπότε ισχύει:

$$E_{\text{ολ}} = 37,5 \cdot 10^{-3} \text{ J} = U_{E, \text{max}} \rightarrow \frac{1}{2} \frac{Q_2^2}{C_2} =$$

$$= 37,5 \cdot 10^{-3} \rightarrow Q_2 = \sqrt{3} \cdot 10^{-3} \text{ C.}$$